

1) Uma grandeza  $X$  é diretamente proporcional às grandezas  $P$  e  $T$  e inversamente proporcional ao quadrado da grandeza  $W$ . Se aumentarmos  $P$  em 60% do seu valor e dividirmos  $T$  de 10% do seu valor, para que a grandeza  $X$  não se altere, devemos:

- A) diminuir  $W$  de 35% do seu valor.                      B) aumentar  $W$  de 35% do seu valor.  
 C) diminuir  $W$  de 20% do seu valor.                      D) aumentar  $W$  de 20% do seu valor.  
 E) aumentar  $W$  de 25% do seu valor

2) No sistema:

$$\begin{cases} x^3 - 3x^2y + 3xy^2 - y^3 = 8 \\ (x^2 - y^2)(x^2 - 2xy + y^2) = 12 \end{cases}, \text{ a soma dos valores de } x \text{ e } y \text{ é:}$$

- A) 1    B)  $\frac{3}{4}$     C)  $\frac{3}{2}$     D)  $\frac{4}{3}$     E)  $\frac{3}{2}$

3) A soma das raízes da equação:  $x^2 - 6x + 9 = \sqrt{x^2 - 6x + 6}$  é:

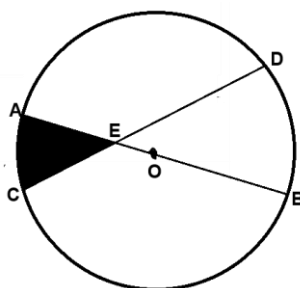
- A) 6    B) -12    C) 12    D) 0    E) -6

4) Simplificando a expressão  $\sqrt[n]{\frac{600}{25^{n+2} - 5^{2n+2}}}$  para  $n \in N - \{0; 1\}$  temos:

- A) 5    B)  $5^{-1}$     C)  $5^{-2}$     D)  $5^2$     E)  $5^0$

5) Na figura, o diâmetro  $\overline{AB}$  mede  $8\sqrt{3}cm$  e a corda  $\overline{CD}$  forma um ângulo de  $30^\circ$  com  $\overline{AB}$ . Se  $E$  é ponto médio de  $\overline{AO}$ , onde  $O$  é o centro do círculo, a área da região hachurada mede:

- A)  $(8\pi - 3\sqrt{3})cm^2$   
 B)  $(10\pi + \sqrt{13})cm^2$   
 C)  $(18\pi + 2\sqrt{3})cm^2$   
 D)  $(12\pi - 3\sqrt{2})cm^2$   
 E)  $(8\pi + 3\sqrt{3})cm^2$



6) As retas  $\overline{PA}$  e  $\overline{PB}$  são tangentes à circunferência de raio  $R$  nos pontos  $A$  e  $B$  respectivamente. Se  $\overline{PA} = 3x$  e  $x$  é a distância do ponto  $A$  à reta  $\overline{PB}$ , então  $R$  é igual a:

- A)  $3(3 - 2\sqrt{2})x$     B)  $3(3 + 2\sqrt{2})x$     C)  $3x$     D)  $2(2 + 3\sqrt{3})x$     E)  $x$

7) A secante  $r$  a uma circunferência de  $6cm$  de raio determina uma corda  $\overline{AB}$  de  $8\sqrt{2}cm$  de comprimento. A reta  $s$  é paralela a  $r$  e tangencia a circunferência no menor arco  $AB$ . A distância entre  $r$  e  $s$  é de:

- A)  $6cm$     B)  $10cm$     C)  $5cm$     D)  $4cm$     E)  $7cm$

8) A equação  $k^2x - kx = k^2 - 2k - 8 + 12x$  é impossível para:

- A) um valor positivo de  $k$ .
- B) um valor negativo de  $k$ .
- C) 3 valores distintos de  $k$ .
- D) dois valores distintos de  $k$ .
- E) nenhum valor.

9) Num colégio verificou-se que 120 alunos não têm pai professor, 130 alunos não têm mãe professora e 5 tem pai e mãe professores. Qual o número de alunos do colégio, sabendo-se que 55 alunos possuem pelo menos um dos pais professor e que não existem alunos irmãos?

- A) 125            B) 135            C) 145            D) 155            E) 165

10) Seja o número  $N = 10000^{(-2)^{(-2)}}$ , o número de divisores positivos de  $N$  é:

- A) 6            B) 13            C) 15            D) 4            E) 2

11)  $A$ ,  $B$  e  $C$  são respectivamente os conjuntos dos múltiplos de 8, 6 e 12, podemos afirmar que o conjunto  $A \cap (B \cup C)$  é o conjunto dos múltiplos de:

- A) 12            B) 18            C) 24            D) 48            E) 36

12) Sendo  $P > 3$ , podemos afirmar que o trinômio  $y = 2x^2 - 6x - P$ :

- A) se anula para dois valores positivos de  $x$ .
- B) se anula para valores de  $x$  de sinais contrários.
- C) se anula para dois valores negativos de  $x$ .
- D) não se anula para valor de  $x$  real.
- E) tem extremo positivo.

13) Sabendo que  $3x - y - 10z = 0$  e que  $x + 2y - z = 0$ , o valor de  $\frac{x^3 + x^2y}{xy^2 - z^3}$ , sendo  $z \neq 0$ , é:

- A) 18            B) 9            C) 6            D) 1            E) 0

14) Efetuando o produto  $(x + 1)(x^{100} - x^{99} + x^{98} - x^{97} + \dots + x^2 - x + 1)$ , encontramos:

- A)  $x^{100} - 1$     B)  $x^{200} + 1$     C)  $x^{101} + x^{50} - 1$     D)  $2x^{100} + 2$     E)  $x^{101} + 1$

15) A soma dos valores inteiros de  $x$ , no intervalo  $-10 < x < 10$ , e que satisfazem à inequação  $(x^2 + 4x + 4)(x + 1) \leq x^2 - 4$  é:

- A) 42            B) 54            C) -54            D) -42            E) -44

16) Um triângulo  $ABC$  está inscrito em um círculo e o arco  $BC$  mede  $100^\circ$ . Calcular a medida do ângulo  $B\hat{E}C$ , sendo  $E$  o ponto de interseção da bissetriz externa relativa a  $\hat{B}$  com prolongamento do segmento  $\overline{CM}$ , onde  $M$  é o ponto médio do arco  $AB$ .

- A)  $15^\circ$       B)  $25^\circ$       C)  $20^\circ$       D)  $40^\circ$       E)  $50^\circ$

17) Seja  $P(x) = 2x^4 - 5x^2 + 3x$  e  $Q(x) = x^2 - 3x + 1$ , se  $P(x):Q(x)$  determina um quociente  $Q'(x)$  e o resto  $R(x)$ , o valor de  $Q'(0) + R(1)$ , é:

- A) 0      B) 28      C) 25      D) 17      E) 18

18) A roda de um veículo tem  $50\text{cm}$  de diâmetro. Este móvel, em velocidade constante, completa 10 voltas em cada segundo, com um gasto de um litro de combustível por  $10\text{km}$  rodados. Sabendo-se que o veículo fez uma viagem de  $6\text{h}$ . o número que mais se aproxima da quantidade de litros gastos na viagem é:

- A) 52      B) 40      C) 30      D) 34      E) 20

19) O resto da divisão por 11 do resultado da expressão  $1211^{20} + 9119^{32} \cdot 343^{26}$ , é:

- A) 9      B) 1      C) 10      D) 6      E) 7

20) Questão anulada.

21) Calcule a diferença  $y - x$ , de forma que o número  $2^x \cdot 3^4 \cdot 26^y$  possa ser expresso como uma potência de base 39.

- A) 8      B) 0      C) 4      D) 2      E) 3

22) Um trapézio é obtido cortando-se um triângulo escaleno de área  $S$  por uma reta paralela a um dos lados do triângulo que passa pelo baricentro do mesmo. A área do trapézio é:

- A)  $\frac{5S}{9}$       B)  $\frac{4S}{9}$       C)  $\frac{2S}{3}$       D)  $\frac{S}{3}$       E)  $\frac{S}{2}$

23) Num triângulo  $ABC$ , a medida do lado  $\overline{AB}$  é o dobro da medida do lado  $\overline{AC}$ . Traça-se a mediana  $\overline{AM}$  e bissetriz  $\overline{AD}$  ( $M$  e  $D$  pertencentes a  $\overline{BC}$ ). Se a área do triângulo  $ABC$  é  $S$ , então a área do triângulo  $AMD$  é:

- A)  $\frac{S}{3}$       B)  $\frac{S}{4}$       C)  $\frac{S}{6}$       D)  $\frac{3S}{8}$       E)  $\frac{S}{12}$

24) Associando-se os conceitos da coluna da esquerda com as fórmulas da coluna da direita, sendo  $a$  e  $b$  números inteiros positivos quaisquer, têm-se:

- |  |                          |
|--|--------------------------|
| I – média harmônica dos números $a$ e $b$ .                                      | a) $\sqrt{a \cdot b}$    |
| II – média ponderada dos números $a$ e $b$ .                                     | b) $\frac{a}{b}$         |
| III- a média proporcional entre os números $a$ e $b$ .                           | c) $\frac{a \cdot b}{2}$ |
| IV – o produto do máximo divisor comum pelo mínimo múltiplo comum de $a$ e $b$ . | d) $\frac{2ab}{a+b}$     |
| V – a média aritmética simples entre $a$ e $b$ .                                 | e) $a \cdot b$           |

25) O valor de  $a$ , para que a soma dos quadrados das raízes da equação  $x^2 + (2 - a)x - a - 3 = 0$  seja mínima, é:

- A) 1                      B) 9                      C)  $\sqrt{2}$                       D)  $-1$                       E)  $-9$

## REPOSTAS

1)

$$1^a Q: X = K \frac{P \cdot T}{W^2} \Rightarrow X' = K \frac{1,6 \cdot P \cdot 0,9 \cdot T}{W'^2} = K \frac{P \cdot T}{W^2}$$

$K =$  constante de proporcionalidade

$$\frac{1,6 \times 0,9}{W'^2} = \frac{1}{W^2} \rightarrow W'^2 = 1,44 W^2 \rightarrow W' = 1,2 W$$

logo, devemos aumentar  $W$  de 20%  $\rightarrow$  Resp: D

2)

$$2^a Q: \begin{cases} x^3 - 3x^2y + 3xy^2 - y^3 = 8 \\ (x^2 - y^2)(x^2 - 2xy + y^2) = 12 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (x - y)^3 = 8 \\ (x^2 - y^2)(x - y)^2 = 12 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x - y)^3 = 8 \\ (x + y)(x - y)^3 = 12 \end{cases} \rightarrow (x + y) \cdot 8 = 12 \rightarrow x + y = \frac{12}{8} \rightarrow \text{Resp: E}$$

3)

$$3^a Q: x^2 - 6x + 9 = 4\sqrt{x^2 - 6x + 6}$$

$$\text{fazendo: } x^2 - 6x + 9 = y \rightarrow \sqrt{x^2 - 6x + 6} = \sqrt{y - 3}, \text{ temos:}$$

$$y = 4\sqrt{y - 3} \Rightarrow y^2 = 16(y - 3) \Rightarrow y^2 - 16y + 48 = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (y - 12)(y - 4) = 0 \Rightarrow y - 12 = 0 \quad \text{ou} \quad y - 4 = 0$$

$$\downarrow$$

$$\boxed{y = 12}$$

$$\downarrow$$

$$\boxed{y = 4}$$

$$x^2 - 6x + 9 = y \rightarrow x^2 - 6x + 9 = 12 \rightarrow x^2 - 6x - 3 = 0 \Rightarrow S_1 = -\frac{b}{a} = \frac{6}{1} = 6$$

$$x^2 - 6x + 9 = y \rightarrow x^2 - 6x + 9 = 4 \rightarrow x^2 - 6x + 5 = 0 \Rightarrow S_2 = -\frac{b}{a} = \frac{6}{1} = 6$$

$$S = S_1 + S_2 \Rightarrow S = 6 + 6 \Rightarrow S = 12 \rightarrow \text{Resp: C}$$

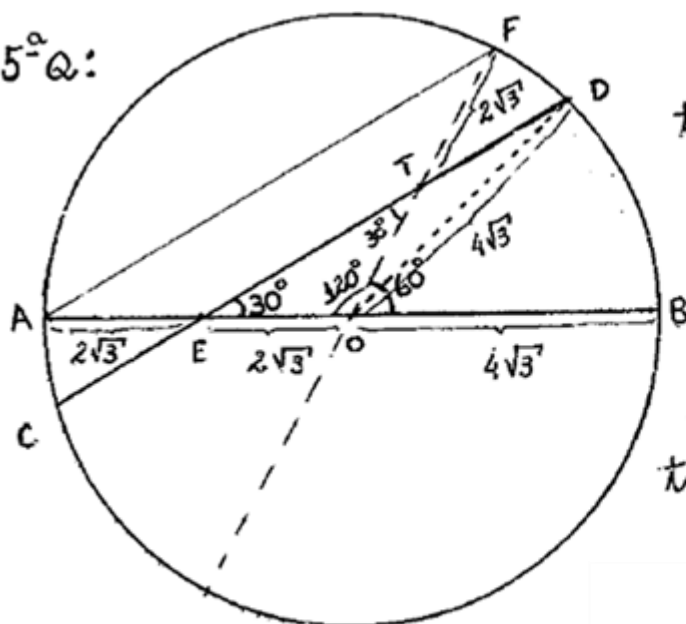
4)

$$4^a Q: \sqrt[n]{\frac{600}{25^{n+2} - 5^{2n+2}}} = \sqrt[n]{\frac{600}{(5^2)^{n+2} - 5^{2n+2}}} =$$

$$= \sqrt[n]{\frac{600}{5^{2n+4} - 5^{2n+2}}} = \sqrt[n]{\frac{600}{5^{2n+2}(5^2 - 1)}} = \sqrt[n]{\frac{600}{5^{2n+2} \cdot 24}} =$$

$$= \sqrt[n]{\frac{25}{5^{2n} \cdot 5^2}} = \sqrt[n]{\frac{1}{5^{2n}}} = \sqrt[n]{\left(\frac{1}{5}\right)^{2n}} = \left(\frac{1}{5}\right)^2 = 5^{-2} \rightarrow \text{Resp: C}$$

5)

 $5^2 Q:$ 

$$R = 4\sqrt{3}$$

traçando  $\overline{AF} \parallel \overline{CD}$  temos  
que  $\widehat{AC} = \widehat{FD}$ .

$T$  é ponto médio de  $\overline{OF}$ , logo, o  $\triangle OET$  é isósceles, daí o trapézio  $AETF$  é isósceles

Consequentemente, a superfície limitada por A, E e C tem a mesma área que a superfície limitada por F, T e D. Portanto, a área pedida será: a área do setor OFB mais a área do  $\Delta OET$ .

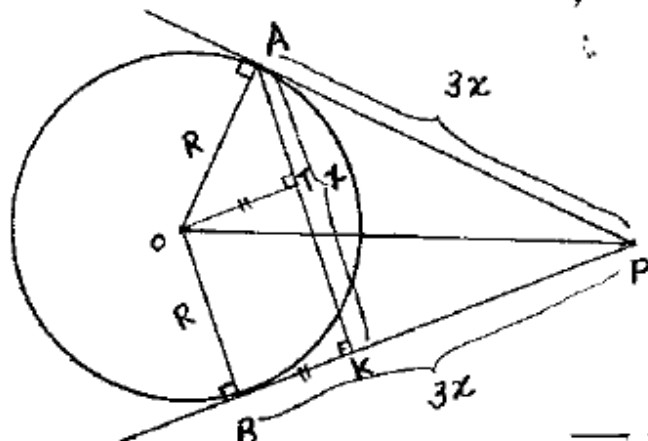
$$S = \tilde{11} R^2 \frac{60}{360} + \frac{1}{2} (2\sqrt{3})^2 \sin 120^\circ$$

$$S = \frac{\tilde{11}(4\sqrt{3})^2}{6} + \frac{4 \cdot 3}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow S = \frac{\tilde{11} \cdot 16 \cdot 3}{6} + 3\sqrt{3}$$

$$S = (8\sqrt{11} + 3\sqrt{3}) \text{ cm}^2 \quad \longrightarrow \quad \text{Resp: E}$$

6)

6ª Q:

O  $\Delta$  AKP é retângulo

$$\overline{KP}^2 = (3x)^2 - x^2$$

$$\overline{KP}^2 = 9x^2 - x^2$$

$$\overline{KP}^2 = 8x^2$$

$$\overline{KP} = 2\sqrt{2}x$$

$$\overline{BK} = \overline{BP} - \overline{KP}$$

$$\overline{BK} = 3x - 2\sqrt{2}x$$

$$\overline{OT} = \overline{BK} = x(3 - 2\sqrt{2})$$

$$\overline{OB} = \overline{TK} = R \Rightarrow \overline{AT} = \overline{AK} - \overline{TK} \Rightarrow \overline{AT} = x - R$$

No  $\Delta$  OAT temos:

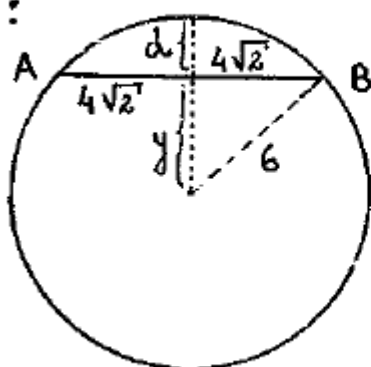
$$R^2 = (x - R)^2 + [x(3 - 2\sqrt{2})]^2 \Rightarrow R^2 = x^2 - 2xR + R^2 + x^2(9 - 12\sqrt{2} + 8)$$

$$\Rightarrow \cancel{R^2} = x - 2R + \cancel{R^2} + x(17 - 12\sqrt{2}) \Rightarrow 2R = x(18 - 12\sqrt{2})$$

$$R = x(9 - 6\sqrt{2}) \Rightarrow R = 3(3 - 2\sqrt{2})x \rightarrow \text{Resp: A}$$

7)

7ª Q:



$$y^2 = 6^2 - (4\sqrt{2})^2$$

$$y^2 = 36 - 32 \Rightarrow y^2 = 4 \Rightarrow y = 2$$

$$y + d = 6$$

$$d = 6 - y \Rightarrow d = 6 - 2$$

$$d = 4 \text{ cm} \rightarrow \text{Resp: D}$$



8)

$$8^a Q: (K^2 - K - 12)x = K^2 - 2K - 8$$

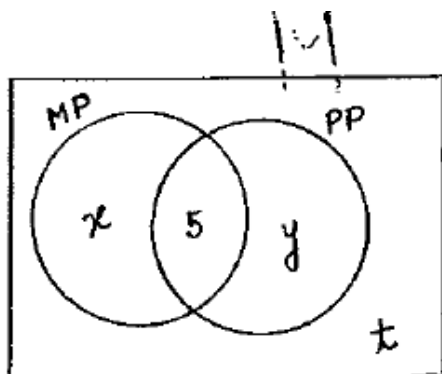
é impossível para:  $K^2 - K - 12 = 0$  e  $K^2 - 2K - 8 \neq 0$

$$K = 4 \text{ ou } K = -3$$

$$K \neq 4 \text{ e } K \neq -2$$

logo, só serve  $K = -3 \rightarrow \text{Resp: B}$

9)

9<sup>a</sup> Q:

n.º de alunos:  $x + 5 + y + t = n$

MP = conj. dos alunos que tem mãe professora

PP = conj. dos alunos que tem pai professor

$$\begin{cases} x + y + 5 = 55 \\ x + t = 120 \\ y + t = 130 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x + y = 50 \\ x + t = 120 \\ y + t = 130 \end{cases}$$

$$x + y + 2t = 250 \Rightarrow 2t = 250 - (x + y) \Rightarrow 2t = 250 - 50$$

$$2t = 200 \Rightarrow t = 100$$

$$\text{logo, } n = x + y + 5 + t \Rightarrow n = 50 + 5 + 100 \Rightarrow n = 155 \rightarrow \text{Resp: D}$$

10)

$$10^{\text{a}} Q: N = (10.000)^{(-2)^{(-2)}} = (10^4)^{(-2)^{(-2)}} = (10^4)^{\frac{1}{(-2)^2}} =$$

$$= (10^4)^{\frac{1}{4}} = 10 = 2^1 \times 5^1$$

logo, o n° de divisores positivos de N é dado por:

$$(\underbrace{1+1}_{\text{expoente do 2}})(\underbrace{1+1}_{\text{expoente do 5}}) = 2 \times 2 = 4 \rightarrow \text{Resp: D}$$

11)

11<sup>a</sup> Q:

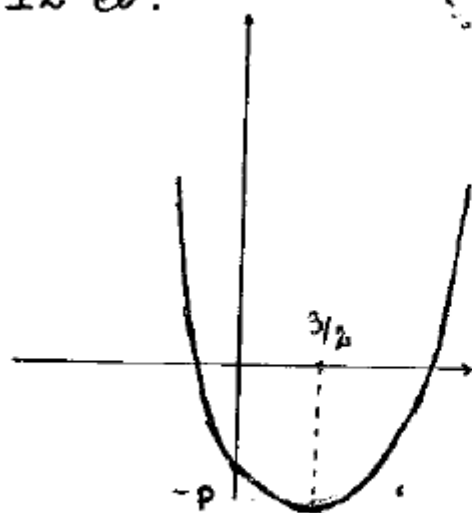
$$A = \{8, 16, 24, 32, \dots\} \quad B = \{6, 12, 18, 24, \dots\} \quad C = \{12, 24, 36, 48, \dots\}$$

$$B \cup C = \{6, 12, 18, 24, 30, 36, \dots\} = B$$

$$A \cap (B \cup C) = A \cap B = \{24, 48, 72, \dots\} \text{ que são os múltiplos de 24} \rightarrow \text{Resp: C}$$

12)

12<sup>a</sup> Q:



$$P > 3$$

$$y = \underset{a}{2}x^2 - \underset{b}{6}x - \underset{c}{P}$$

$$\Delta = b^2 - 4ac \rightarrow \Delta = (-6)^2 - 4 \times 2 \times (-P)$$

$$\Delta = 36 + 8P$$

$$\text{Como } P > 0 \Rightarrow \Delta > 0$$

$$\text{produto das raízes: } \frac{c}{a} = \frac{-P}{2} < 0$$

raízes de sinais contrários  $\rightarrow$  Resp: B

13)

$$13^a Q: x + 2y - z = 0 \rightarrow z = x + 2y$$

$$3x - y - 10z = 0 \rightarrow 3x - y - 10(x + 2y) = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow 3x - y - 10x - 20y = 0 \rightarrow -7x - 21y = 0 \rightarrow x = -3y$$

$$z = x + 2y \rightarrow z = -3y + 2y \rightarrow z = -y$$

$$\frac{x^3 + x^2 y}{x y^2 - z^3} = \frac{(-3y)^3 + (-3y)^2 \cdot y}{(-3y) \cdot y^2 - (-y)^3} = \frac{-27y^3 + 9y^3}{-3y^3 + y^3} = \frac{-18y^3}{-2y^3} = 9$$

Resp: B

14)

14<sup>a</sup> Q:

$$(x+1)(x^{100} - x^{99} + x^{98} - x^{97} + \dots + x^2 - x + 1) =$$

$$= x^{101} - x^{100} + x^{99} - x^{98} + \dots + x^3 - x^2 + x + x^{100} - x^{99} + x^{98} - x^{97} + \dots + x^2 - x + 1$$

$$= x^{101} + 1 \rightarrow \text{Resp: E}$$

15)

$$15^a Q: (x^2 + 4x + 4)(|x+1|) \leq x^2 - 4$$

$$(x+2)^2(x+1) \leq (x+2)(x-2) \Rightarrow (x+2)^2(x+1) - (x+2)(x-2) \leq 0$$

$$(x+2)[(x+2)(x+1) - (x-2)] \leq 0 \Rightarrow (x+2)(x^2 + 3x + 2 - x + 2) \leq 0$$

$$(x+2)(x^2 + 2x + 4) \leq 0$$

$$\downarrow \quad \quad \quad > 0 \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$x+2 \leq 0 \rightarrow x \leq -2 \Rightarrow -2, -3, -4, -5, -6, -7, -8 \text{ e } -9$$

pois  $-10 < x < 10$ 

$$S = -2 - 3 - 4 - 5 - 6 - 7 - 8 - 9 \rightarrow S = -44 \rightarrow \text{Resp: E}$$



18)

$$18^{\text{a}} Q: d = 2R \rightarrow 50 \text{ cm} = 2R \rightarrow R = 25 \text{ cm}$$

$$\begin{array}{l} 1 \text{ seg.} \text{ ————— } 10 \text{ voltas} \\ 1 \text{ hora} \text{ ————— } 3600 \text{ seg.} \\ 6 \text{ horas} \text{ ————— } 21.600 \text{ seg.} \end{array} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 1 \text{ seg.} \text{ ————— } 10 \text{ voltas} \\ 21.600 \text{ seg.} \text{ ————— } x \text{ voltas} \end{array} \right.$$

$$x = 21.600 \text{ voltas}$$

Comprimento da circunf. em 1 volta

$$C = 2\pi R \rightarrow C = 2 \times 3,14 \times 25 \rightarrow C = 157 \text{ cm}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 1 \text{ volta} \text{ ————— } 157 \text{ cm} \\ 21.600 \text{ voltas} \text{ ————— } y \end{array} \right\} \rightarrow y = 33912000 \text{ cm} \rightarrow y = 339,12 \text{ km}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 1 \text{ litro} \text{ ————— } 10 \text{ km} \\ 3 \text{ litros} \text{ ————— } 339,12 \text{ km} \end{array} \right\} \rightarrow z = \frac{339,12}{10} \rightarrow z \approx 34 \text{ l} \rightarrow \text{Resp: D}$$

19)

19<sup>a</sup> Q: O resto da divisão da expressão dada por 11 é o mesmo que o resto da divisão por 11 de cada base das potências dadas.

P I P I

$$1211 \rightarrow S_I - S_P = 3 - 2 = 1 \text{ que é o resto da divisão por 11}$$

P I P I

$$9119 \rightarrow S_I - S_P = 10 - 10 = 0 \text{ logo, } 9119^{32} \times 343^{26} \text{ é}$$

um múltiplo de 11.

Assim, o resto da divisão da expressão dada por 11 é igual ao resto de  $1211^{20}$  que é 1  $\rightarrow$  Resp: B

21)

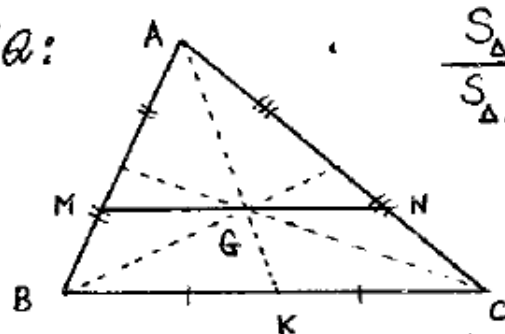
$$2^x \cdot 3^4 \cdot 26^y = 2^x \cdot 3^4 \cdot (2 \times 13)^y = 2^x \cdot 3^4 \cdot 2^y \cdot 13^y =$$

$$= 2^{x+y} \cdot 3^4 \cdot 13^y$$

Para que  $2^x \cdot 3^4 \cdot 26^y = 2^{x+y} \cdot 3^4 \cdot 13^y$  possa ser expresso como potência de 39, devemos ter:  $x+y=0$  e  $y=4$

$$x+y=0 \rightarrow x+4=0 \rightarrow \boxed{x=-4} \text{ daí, } y-x = 4-(-4) = 8 \rightarrow \text{Res: A}$$

22)

22<sup>a</sup> Q:

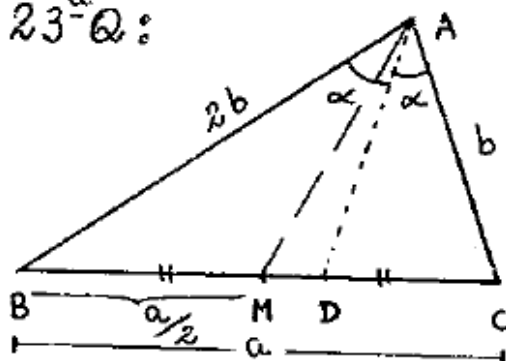
$$\frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle AMN}} = \left( \frac{\overline{AK}}{\overline{AG}} \right)^2 = \left( \frac{\overline{AK}}{\frac{2}{3}\overline{AK}} \right)^2 = \left( \frac{3}{2} \right)^2 = \frac{9}{4}$$

$$\Rightarrow S_{\triangle AMN} = \frac{4}{9} S_{\triangle ABC}$$

$$S_{MNCB} = S_{\triangle ABC} - S_{\triangle AMN} = S_{\triangle ABC} - \frac{4}{9} S_{\triangle ABC} = \frac{5}{9} S_{\triangle ABC} \rightarrow \text{Res: A}$$

23)

23ª Q:



$$S_{\triangle ABC} = S$$

$$\frac{2b}{BD} = \frac{b}{DC} \Rightarrow \overline{BD} = 2 \overline{DC}$$

$$\overline{BD} + \overline{DC} = a \Rightarrow 2\overline{DC} + \overline{DC} = a$$

$$3\overline{DC} = a \Rightarrow \overline{DC} = \frac{a}{3}$$

$$\text{Como, } \overline{BD} = 2\overline{DC} \Rightarrow \overline{BD} = \frac{2a}{3}$$

$$\overline{MD} = \overline{BD} - \overline{BM} = \frac{2a}{3} - \frac{a}{2} \Rightarrow \overline{MD} = \frac{a}{6}$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{a \cdot h}{2} \Rightarrow S = \frac{a \cdot h}{2} \Rightarrow a \cdot h = 2S$$

$$S_{\triangle AMD} = \frac{\overline{MD} \cdot h}{2} = \frac{\frac{a}{6} \cdot h}{2} = \frac{2S}{12} = \frac{S}{6} \rightarrow \text{Resp: C}$$

24)

I - média harmônica dos  $n^{\circ}$   $a$  e  $b$ : é o inverso da média aritmética dos inversos dos  $n^{\circ}$ :  $\frac{2 \cdot a \cdot b}{a+b}$

II - média ponderada dos  $n^{\circ}$   $a$  e  $b$ : não dá para calcular porque falta os pesos.

III - média proporcional (geométrica) entre  $a$  e  $b$ :  $\sqrt{a \cdot b}$

IV - O produto do MDC pelo MMC de  $a$  e  $b$ :  $a \cdot b$

V - média aritmética entre  $a$  e  $b$ :  $\frac{a+b}{2}$

Resp: E

25)

25ª Q:  $x_1$  e  $x_2$  raízes de:  $x^2 + (2-a)x - a - 3 = 0$

$$(x_1 + x_2)^2 = x_1^2 + 2x_1x_2 + x_2^2 \Rightarrow x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 \Rightarrow$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-(2-a)}{1} = (a-2) \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{-a-3}{1} = (-a-3) \end{cases}$$

$$\Rightarrow x_1^2 + x_2^2 = (a-2)^2 - 2(-a-3) \Rightarrow x_1^2 + x_2^2 = a^2 - 4a + 4 + 2a + 6 \Rightarrow$$

$$x_1^2 + x_2^2 = \underbrace{a^2}_A - \underbrace{2a}_B + 10 \therefore a_{\min} = \frac{-B}{2A} = \frac{-(-2)}{2 \cdot 1} = 1 \rightarrow \text{Resp: A}$$

OU

$$S_{\text{quadrados}} = S^2 - 2P$$

$$S_{\text{quadrados}} = (a-2)^2 - 2(-a-3)$$

$$S_{\text{quadrados}} = a^2 - 2a + 10 \therefore a_{\min} = \frac{-B}{2A} = \frac{-(-2)}{2 \cdot 1} = 1$$